# Línea quebrada

Azerbaiyán es famoso por sus alfombras. Como maestro diseñador de alfombras, deseas crear un nuevo diseño dibujando una **línea quebrada**. Una línea quebrada es una secuencia de t segmentos en el plano bidimensional, definida por una secuencia de t+1 puntos  $p_0,\ldots,p_t$  de la siguiente manera. Para cada  $0\leq j\leq t-1$  hay un segmento que conecta los puntos  $p_j$  y  $p_{j+1}$ .

Para crear el nuevo diseño, ya has marcado n puntos en el plano bidimensional. Las coordenadas del punto i  $(1 \le i \le n)$  son (x[i],y[i]). No existen dos puntos con la misma coordenada x, ni con la misma coordenada y.

Ahora quieres encontrar una secuencia de puntos  $(sx[0], sy[0]), (sx[1], sy[1]), \ldots, (sx[k], sy[k])$ , que defina una línea quebrada tal que:

- comience en (0,0) (es decir, sx[0] = 0 y sy[0] = 0),
- contenga todos los puntos (no necesariamente como los extremos de los segmentos), y
- consista únicamente de segmentos horizontales o verticales (dos puntos consecutivos en la definición de la línea quebrada tienen igual coordenada x o igual coordenada y).

Se permite tanto que la línea quebrada se corte a sí misma, como que se superponga consigo misma. Formalmente, cada punto del plano puede pertenecer a cualquier cantidad de segmentos de la línea quebrada.

Este es un problema de tipo output-only, con puntaje parcial. Recibes 10 archivos de entrada, que especifican las ubicaciones de los puntos. Por cada archivo de entrada, debes enviar un archivo de salida que describa una línea quebrada con las propiedades requeridas. Por cada archivo de salida que describa una línea quebrada válida, el puntaje depende de la **cantidad de segmentos** en la línea quebrada (ver la sección "Puntaje").

No debes enviar ningún código fuente para este problema.

### Formato de entrada

Cada archivo de entrada tiene el siguiente formato:

- línea 1: n
- línea 1+i (para  $1 \le i \le n$ ): x[i] y[i]

## Formato de salida

Cada archivo de salida debe tener el siguiente formato:

- línea 1: k
- línea 1+j (para  $1 \leq j \leq k$ ): sx[j] sy[j]

Notar que la segunda línea debe contener sx[1] y sy[1] (es decir, la salida **no debe** incluir los valores sx[0] y sy[0]). Cada sx[j] y sy[j] debe ser un entero.

# Ejemplo

Para la siguiente entrada de ejemplo:

- 4
- 2 1
- 3 3
- 4 4
- 5 2

una posible salida válida es:

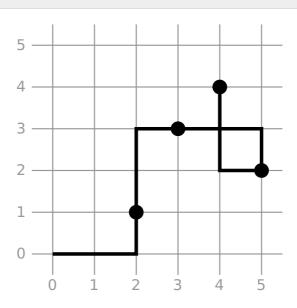
6 2 0

2 3

5 3

5242

4 4



Por favor, notar que este ejemplo no se encuentra entre los verdaderos archivos de entrada del problema.

#### Restricciones

- $1 \le n \le 100000$
- $1 \le x[i], y[i] \le 10^9$
- Todos los valores x[i] y y[i] son enteros.
- Ningún par de puntos tiene la misma coordenada x ni la misma coordenada y, es decir,  $x[i_1] \neq x[i_2]$  y  $y[i_1] \neq y[i_2]$  para  $i_1 \neq i_2$ .
- $ullet \ -2\cdot 10^9 \le sx[i], sy[i] \le 2\cdot 10^9$
- El tamaño de cada archivo enviado (tanto si es un archivo de salida, como si es un archivo comprimido) no puede exceder 15MB.

### Puntaje

Por cada caso de prueba, se pueden conseguir hasta 10 puntos. La salida para un caso de prueba obtiene 0 puntos si no especifica una línea quebrada con las propiedades requeridas. De lo contrario, el puntaje se determina utilizando una secuencia decreciente  $c_1, \ldots, c_{10}$ , que varía según el caso de prueba.

Un archivo de salida que describe una línea quebrada válida con k segmentos obtiene:

- i puntos, si  $k=c_i$  (para  $1\leq i\leq 10$ ),
- ullet  $i + rac{c_i k}{c_i c_{i+1}}$  puntos, si  $c_{i+1} < k < c_i$  (para  $1 \leq i \leq 9$ ),
- 0 puntos, si  $k > c_1$ ,
- 10 puntos, si  $k < c_{10}$ .

La secuencia  $c_1, \ldots, c_{10}$  correspondiente a cada caso de prueba se indica a continuación.

| Casos    | 01 | 02    | 03     | 04      | 05      | 06     | 07-10   |
|----------|----|-------|--------|---------|---------|--------|---------|
| n        | 20 | 600   | 5 000  | 50 000  | 72018   | 91 891 | 100 000 |
| $c_1$    | 50 | 1 200 | 10 000 | 100 000 | 144036  | 183782 | 200 000 |
| $c_2$    | 45 | 937   | 7607   | 75 336  | 108 430 | 138292 | 150475  |
| $c_3$    | 40 | 674   | 5213   | 50671   | 72824   | 92801  | 100 949 |
| $c_4$    | 37 | 651   | 5125   | 50359   | 72446   | 92371  | 100 500 |
| $c_5$    | 35 | 640   | 5081   | 50203   | 72257   | 92156  | 100275  |
| $c_6$    | 33 | 628   | 5037   | 50047   | 72067   | 91 941 | 100 050 |
| $c_7$    | 28 | 616   | 5020   | 50025   | 72044   | 91 918 | 100027  |
| $c_8$    | 26 | 610   | 5012   | 50014   | 72033   | 91 906 | 100 015 |
| $c_9$    | 25 | 607   | 5 008  | 50 009  | 72027   | 91 900 | 100 009 |
| $c_{10}$ | 23 | 603   | 5003   | 50 003  | 72021   | 91 894 | 100 003 |

### Visualizador

En los archivos adjuntos de este problema, se puede encontrar un script que permite visualizar los archivos de entrada y salida.

Para visualizar un archivo de entrada, utilizar el siguiente comando:

```
python vis.py [archivo de entrada]
```

Se puede también visualizar una solución para cierta entrada, utilizando el siguiente comando. Debido a limitaciones técnicas, el visualizador provisto muestra únicamente **los primeros** 1000 **segmentos** del archivo de salida.

```
python vis.py [archivo de entrada] --solution [archivo de salida]
```

#### Ejemplo:

```
python vis.py examples/00.in --solution examples/00.out
```